

Universidad Distrital Francisco José de Caldas
Programa de posgrado en Ingeniería
Curso de Procesos Estocásticos
Cuarta Tarea
Fecha de Asignación: 24 de noviembre de 2018
Fecha de entrega: 1 de diciembre de 2018

1. En clase desarrollamos algunos modelos analíticos de eficiencia en redes de comunicaciones con base en una variable aleatoria. Busque en la literatura un modelo analítico en su área de interés de investigación con base en una variable aleatoria y preséntelo en menos de una página.
2. Lanzamos un dado tres veces y, en cada lanzada, observamos el número de puntos que queda en la cara de arriba del dado.
 - a. Describa de manera muy breve pero completa el espacio de probabilidad que representa este experimento, usando el conjunto potencia del espacio muestral como campo sigma de eventos.
Considere la función determinística $X:\Omega\rightarrow\mathbb{R}$ que asigna a cada resultado del experimento la suma de los puntos observados en las tres lanzadas.
 - b. Encuentre los eventos $A(x) = \{\omega\in\Omega : X(\omega)\leq x\} \quad \forall x\in\mathbb{R}$ y determine la CDF de X , $F_X(x) = P[A(x)]$
 - c. Encuentre el valor esperado, la varianza, el skewness y el kurtosis de X ¿Cómo interpreta esos valores?
3. Conseguimos una función $g:\mathbb{R}\rightarrow\mathbb{R}$ que a cada $x\in\mathbb{R}$ le asigna el valor $g(x) = x(3 - x)$. Tenemos razones para creer que, multiplicándola por una constante apropiada, podríamos convertir la función g en la *pdf* de una variable aleatoria continua X . Si queremos que los posibles valores de X abarquen el intervalo cerrado más grande posible ¿Cuál sería la CDF de X ?
4. Después de resolver el ejercicio anterior, descubrimos que nos interesa más la variable aleatoria $Y = |(3/2)-X|$. ¿Cuál es la *pdf* $f_Y(y)$?
5. Lea las longitudes de TODOS los archivos en su disco duro. Use los datos para calcular la cola de la distribución de la variable aleatoria $L =$ longitud de un archivo, $P(L>l)$. ¿Cuál es la media y la varianza de L ? ¿Cuántos son los archivos más grandes que ocupan la mitad del disco duro y cuántos los archivos más pequeños que ocupan la otra mitad? ¿Es una distribución de cola liviana o de cola pesada?
6. Sea X una variable aleatoria Gaussiana con media cero y varianza 1. ¿Cuáles son el valor esperado y la varianza de X dado que $X>0$?
7. Demuestre que las distribuciones exponencial y geométrica son **las únicas** distribuciones que no tienen memoria.